

**Aufgabe 1** (2 Punkte)

Zeigen Sie, daß  $\iota$  die Identität und  $\emptyset$  der Annulator für die Komposition von Relationen ist:

$$\iota \circ P = P \circ \iota = P$$

$$\emptyset \circ P = P \circ \emptyset = \emptyset$$

**Aufgabe 2** (6 Punkte)

Beweisen Sie folgende Eigenschaften einer binären Relation  $R$ :

$$R = R^{--}$$

$$R \subseteq R \circ R^- \circ R$$

$$R^* = R^* \circ R^*$$

$$R^* = (R^*)^*$$

$$R^* = \iota \cup (R \circ R^*)$$

$$R \circ R^* = R^* \circ R$$

**Aufgabe 3** (6 Punkte)

Gegeben seien folgende aussagenlogische Formeln:

$$\phi_1 = p \wedge \neg(\neg q \vee r)$$

$$\phi_2 = p \vee (q \wedge r)$$

$$\phi_3 = p \leftrightarrow r \vee \top$$

$$\phi_4 = p \vee \neg q \vee r$$

$$\phi_5 = \neg\neg(p \vee q)$$

(a) Drücken Sie alle  $\phi_i$  alleine durch  $\rightarrow$  und  $\perp$  aus.

(b) Geben Sie eine Belegung  $u$  an, so daß  $u(\phi_1) = u(\phi_2) = u(\phi_3) = u(\phi_4) = u(\phi_5) = \mathbf{1}$ .

**Aufgabe 4** (2 Punkte)

Es sei  $S_n$  die Menge der Belegungen der Aussagenvariablen  $p_1, \dots, p_n$ . Eine Wahrheitstafel über  $p_1, \dots, p_n$  ist eine Funktion  $T : S_n \rightarrow \{\mathbf{0}, \mathbf{1}\}$ . Wieviele verschiedene Wahrheitstabellen gibt es zu gegebenem  $n$ ?