

Peter Schroeder-Heister / Bartosz Więckowski

**Seminar: Modallogik**

Sommersemester 2003

## Übungsblatt 5

1. Sei  $\mathcal{C}^{\mathcal{M}}$  die Klasse aller Modelle und sei  $\mathcal{C}^{\mathcal{F}}$  die Klasse aller Rahmen,

(a) zeigen Sie:  $\Gamma \models_{\mathcal{C}^{\mathcal{M}}} A$  impliziert  $\Gamma \models_{\mathcal{C}^{\mathcal{F}}} A$ .

(2 Punkte)

(b) Zeigen Sie, dass die Umkehrung dieser Implikation falsch ist.

(2 Punkte)

(c) Erfüllt die Relation  $\models_{\mathcal{C}^{\mathcal{F}}}$  das Deduktionstheorem?

(1 Punkt)

Zu (a) und (b) vgl. [Blackburn et. al., 01: 32].

2. Zeigen Sie (unter Verwendung abgeleiteter Schlussregeln):

(a)  $\vdash_{\mathbf{K}} \diamond \neg A \leftrightarrow \neg \Box A$  (2 Punkte)

(b)  $\vdash_{\mathbf{K}} \Box A \wedge \Box B \leftrightarrow \Box(A \wedge B)$  (2 Punkte)

(c)  $\vdash_{\mathbf{K}} \diamond(A \vee B) \leftrightarrow \diamond A \vee \diamond B$  (2 Punkte)

(d)  $\vdash_{\mathbf{K}} \Box A \vee \Box B \rightarrow \Box(A \vee B)$  (2 Punkte)

(e)  $\vdash_{\mathbf{K}} \diamond(A \wedge B) \rightarrow \diamond A \wedge \diamond B$  (2 Punkte)

(Vgl. [Goldblatt, 92: 21])

3. *Zusatzaufgabe.* Eine Relation  $R$  ist *leer*, wenn sie die folgende Bedingung erfüllt:

$$\forall s \forall t (s R t \rightarrow s = t).$$

Zeigen Sie:  $R$  ist leer gdw  $R$  ist 0,0,1,0-konfluent. (2 Punkte)

*Abgabe in der Sitzung am 11. Juni 2003.*