

Aufgabe 1 (7 Punkte)

Seien A, B, C Atome. Zeigen Sie durch einen Resolutionsbeweis:

(a) $\models ((A \rightarrow B) \rightarrow A) \rightarrow A$ (3 Punkte)

(b) $\models (A \rightarrow (B \rightarrow C)) \rightarrow ((A \rightarrow B) \rightarrow (A \rightarrow C))$ (4 Punkte)

Bemerkung: Formen Sie die jeweilige Formel zunächst in eine KNF um. Finden Sie dann eine Resolutionswiderlegung für die entsprechende Klauselmenge.

Aufgabe 2 (6 Punkte)

Es seien A und B Formeln in KNF. (Es ist $KI(A)$ die Menge der Klauseln für die Formel A .)

(a) Beweisen Sie: $KI(A) = KI(B) \implies A \models B$. (4 Punkte)

(b) Gilt auch die umgekehrte Richtung, d. h. $A \models B \implies KI(A) = KI(B)$? Begründen Sie Ihre Antwort. (2 Punkte)

Aufgabe 3 (2 Punkte)

Geben Sie alle möglichen Resolventen für die Klauselmenge $\{\vdash A, B, C ; A, B \vdash ; B, C \vdash\}$ an.

Aufgabe 4 (5 Punkte)

Wir betrachten das folgende Verfahren, das wir für Klauselmengen Γ angeben, in denen genau die Atome A_1, \dots, A_n vorkommen. (Siehe auch Definition 2.22.)

Für i von 1 bis n :

(1) Eliminiere tautologische Klauseln aus Γ .

Die resultierende Klauselmenge sei Γ' .

(2) Bilde $Res_{A_i}(\Gamma')$.

(3) Setze $\Gamma := Res_{A_i}(\Gamma')$.

Wenden Sie das Verfahren auf die Klauselmenge $\{\vdash A, B, C ; A \vdash ; B \vdash ; C \vdash ; B \vdash B\}$ an.