

Übungen zur Vorlesung *Logikprogrammierung*

Aufgabe 1 Arithmetik (2 Punkte)

In Prolog können arithmetische Ausdrücke durch die Konstanten $[0-9]^*$ und die Operationen $+$, $-$, $*$, $//$ und mod gebildet werden. Für arithmetische Vergleiche stehen folgende Relationssymbole zur Verfügung (die auch in Infix-Notation verwendet werden können): $<$, $=<$, $>$, $>=$, $==$ (gleich), $≠$ (ungleich).

Definieren Sie ein Prädikat `ordered/1`, das überprüft, ob eine Liste arithmetischer Ausdrücke ihrem Wert nach geordnet ist.

Aufgabe 2 Das Acht-Damen-Problem (4+2* Punkte)

Beim Acht-Damen-Problem sollen acht Königinnen so auf einem Schachbrett positioniert werden, daß keine Königin eine andere bedroht. Eine Position auf dem Schachbrett ist gegeben durch die x - und die y -Koordinate. Die beiden Diagonalen berechnen sich aus x und y als $u = x - y$ und $v = x + y$. Die Bereiche der Dimensionen sind

$$\begin{aligned}
 Dx &= \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\} \\
 Dy &= \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\} \\
 Du &= \{-7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\} \\
 Dv &= \{2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16\}
 \end{aligned}$$

Das Problem reduziert sich darauf, acht 4-Tupel (x, y, u, v) zu finden mit $x \in Dx$, $y \in Dy$, $u \in Du$, $v \in Dv$, $u = x - y$ und $v = x + y$, so daß in keinem der vier Bereiche Dx , Dy , Du und Dv eine Komponente zweimal vorkommt. Schreiben Sie ein Prädikat `solution(L,Dx,Dy,Du,Dv)`, das diese Bedingung erfüllt. Dabei genügt es, in der Liste L nur die y -Koordinaten zu sammeln.

Hinweis: Die Berechnungen $u = x - y$ und $v = x + y$ werden in Prolog realisiert durch:

```
U is X - Y
V is X + Y.
```

Zusatzaufgabe: Mit den Befehlen `write/1` und `write_ln/1` können Ausgaben auf den Bildschirm (stdout) gemacht werden. Definieren Sie ein Prädikat `display_sol/1`, das für eine Lösung eine Ausgabe in der folgenden Art erzeugt:

```
-----
|()      |
|      ( )|
|      ( )|
|      ( )|
|  ( )  |
|      ( )|
|  ( )  |
|      ( )|
|      |
|      |
|      |
-----
```

Strings als Argumente der Ausgabeprädikate werden dabei z.B. als `'()`' oder `' '` angegeben.