

## 9. Übungsblatt

### Aufgabe 1.

Berechne den diskreten Logarithmus von 53 zur Basis 2 modulo 61 mit dem Pohlig-Hellman Algorithmus.

### Aufgabe 2

Sei  $n = pq$  mit  $p, q$  prim. Wie können diskrete Logarithmen modulo  $n$  berechnet werden? Gibt es immer eine Lösung? Ist diese immer eindeutig?

### Aufgabe 3.

Berechne den diskreten Logarithmus von 24 zur Basis 2 modulo 97 mit der Index-Calculus Methode.

### Aufgabe 4.

Welche Bits des diskreten Logarithmus modulo 10009 können leicht berechnet werden? Wie lauten diese im Fall des diskreten Logarithmus von 17 zur Basis 11 ?

### Aufgabe 5.

Das verallgemeinerte ElGamal Public-key Kryptosystem werde mit der Gruppe  $(\mathbb{Z}_n, +)$  verwendet. Wie würde ein Algorithmus (Pseudocode) aussehen, der das System bricht, also ohne Kenntniss des geheimen Schlüssels entschlüsseln kann

### Aufgabe 6

Welche Polynome in  $\mathbb{Z}_3[x]$  vom Grad 3 sind irreduzibel?

### Aufgabe 7

Was geht schief, wenn versehentlich modulo eines reduziblen Polynoms  $f(x)$  gerechnet wird?

### Aufgabe 8.

Aus welchen Punkten besteht die elliptische Kurve  $E$  mit  $p = 13, a = 2, b = 3$  ?

### Aufgabe 9.

Sei sei  $E$  wie in letzter Aufgabe,  $\alpha = (0, 4)$  und  $a = 7$  der geheime Exponent. Ver- und entschlüsse die Nachricht  $x = (6, 7)$  mit  $k = 3$  mit ElGamal.

### Aufgabe 10.

Sei sei  $E$ ,  $\alpha$  und  $a$  wie in letzter Aufgabe. Ver- und entschlüsse die Nachricht  $x = (11, 11)$  mit dem Menezes-Vanstone Kryptosystem.